

EXERCICE 1 :

1. Je décompose 210 et 135 en produits de facteurs premiers :

$$210 = 2 \times 3 \times 5 \times 7 \text{ et } 135 = 3 \times 3 \times 3 \times 5$$

Le plus grand diviseur commun à 210 et 135 est $3 \times 5 = 15$.

Les carrés ont pour longueur de côté 15 cm.

2. Je calcule le nombre de carrés nécessaires sur la longueur et sur la largeur.

$$210 \div 15 = 14 \text{ et } 135 \div 15 = 9$$

Je calcule le nombre de carrés nécessaires :

$$14 \times 9 = 126$$

Il faudra 126 carrelages

EXERCICE 2 :

Je décompose 12 et 15 en produits de facteurs premiers :

$$12 = 2 \times 2 \times 3 \text{ et } 15 = 3 \times 5$$

On remarque que dans la décomposition de 12 il manque $\times 5$ et dans celle de 15 il manque $\times 2 \times 2$ par rapport à la décomposition de l'autre nombre. Ainsi :

$$2 \times 2 \times 3 \times 5 = 60 \text{ ou } 3 \times 5 \times 2 \times 2 = 60$$

Le plus petit multiple commun à 12 et 15 est 60.

Ils partiront à nouveau ensemble dans 60 jours, c'est après le 15 avril.

EXERCICE 3 :

- Le rapport de l'homothétie qui permet d'obtenir la figure C à partir de la figure A est **3**.
- Le rapport de l'homothétie qui permet d'obtenir la figure D à partir de la figure A est **0,5**.
- L'image de la figure A par l'homothétie de centre O et de rapport - 2 est **la figure G**.

EXERCICE 4 :

1. Volume de la bougie conique =

$$\frac{\pi \times R^2 \times h}{3} = \frac{\pi \times 5,8^2 \times 20}{3} = \frac{672,8}{3} \pi$$

$$\text{Volume de la boule} \approx 705 \text{ cm}^3$$

$$\text{Volume de la pyramide} = \frac{\text{aire de la base} \times h}{3} = \frac{7^2 \times 20}{3}$$

$$\text{Volume de la pyramide} \approx 327 \text{ cm}^3$$

2. $35 \text{ L} = 35\,000 \text{ cm}^3$

- a. Nombre de bougies coniques = $35\,000 : 705 \approx 49$ bougies.

On peut fabriquer 49 bougies.

$$\text{Gain réalisé} = 49 \times 9 = 441 \text{ €}.$$

- b. Nombre de bougies pyramidales = $35\,000 : 327 \approx 107$ bougies.

On peut fabriquer 107 bougies.

$$\text{Gain réalisé} = 107 \times 4 = 428 \text{ €}.$$

- c. Il vaut mieux fabriquer des bougies coniques car on gagnera plus.

EXERCICE 5 :

1. Le triangle MHC est rectangle en H d'hypoténuse [MC], on peut appliquer le théorème de Pythagore :

$$\begin{aligned}MC^2 &= HC^2 + HM^2 \\MC^2 &= 10,2^2 + 24,48^2 \\MC^2 &= 104,04 + 599,2704 \\MC^2 &= 703,3104 \\MC &= \sqrt{703,3104} \\MC &= 26,52 \text{ m}\end{aligned}$$

2.

Les droites (EM) et (FH) sont sécantes en C.

Les droites (MH) et (EF) sont parallèles, alors on peut appliquer le théorème de Thalès :

$$\frac{\text{Triangle } CEF}{\text{Triangle } CMH} \quad \frac{CF}{CH} = \frac{CE}{CM} = \frac{EF}{MH}$$

$$\frac{3}{10,2} = \frac{CE}{26,52} = \frac{EF}{24,48}$$

Pour le calcul de la longueur EF :

$$EF = \frac{3 \times 24,48}{10,2} = 7,2 \text{ m valeur exacte}$$

Conclusion : Le pilier [EF] a une hauteur de 7,2 mètres.

3. On exprime le cosinus de l'angle \widehat{HCM} .

Dans le triangle HCM rectangle en H, d'hypoténuse [CM] :

$$\begin{aligned}\cos(\widehat{HCM}) &= \frac{CH}{CM} \\ \cos(\widehat{HCM}) &= \frac{10,2}{26,52} \\ \widehat{HCM} &= \text{Arccos}\left(\frac{10,2}{26,52}\right) \\ \widehat{HCM} &\approx 67^\circ\end{aligned}$$

Conclusion : L'angle \widehat{HCM} mesure environ 67° .

4. On détermine le volume du silo à grains qui a la forme d'un cylindre de révolution.

$$\begin{aligned}V &= \pi \times R^2 \times h \\ V &= \pi \times 2,52^2 \times 24,48 \\ V &= 155,457792\pi \text{ m}^3 \\ V &\approx 488 \text{ m}^3\end{aligned}$$

BONUS : Pour avoir la masse maximale de blé à stocker, il faut multiplier ce volume par 800 kg :

$$\begin{aligned}M &= 488 \times 800 \\ M &= 390\,400 \text{ kg}\end{aligned}$$

On arrondit cette masse à la tonne près, autrement dit, on divise par 1000 et on en prend l'arrondi à l'unité près. Donc :

$$M \approx 390 \text{ t}$$

Conclusion : Ce silo peut contenir environ 390 tonnes de blé.