

EXERCICE 1 :

1. A 2. B 3. D 4. A 5.
D 6. B

EXERCICE 2 :

$$7. 48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$8. 180^\circ - 36^\circ = 144^\circ$$

$$9. (6x - 3)(3x - 2) = 18x^2 - 12x - 9x + 6 = 18x^2 - 21x + 6$$

$$10. \frac{7}{3} - \frac{6}{4} = \frac{7 \times 4}{3 \times 4} - \frac{6 \times 3}{4 \times 3} = \frac{28}{12} - \frac{18}{12} = \frac{10}{12} = \frac{10 \div 2}{12 \div 2} = \frac{5}{6}$$

$$11. -4 \times 3 + (-4)^2 = -12 + 16 = 4$$

$$12. \widehat{WLG} = 180^\circ - (65^\circ + 63^\circ) = 180^\circ - 128^\circ = 52^\circ$$

EXERCICE 3 :

1. Dans le triangle SKM rectangle en K, d'hypoténuse [SM] :

$$\tan \widehat{SMK} = \frac{SK}{KM}$$

$$\tan(53^\circ) = \frac{SK}{250}$$

$$\frac{\tan(53^\circ)}{1} = \frac{SK}{250}$$

$$SK = \frac{\tan(53^\circ) \times 250}{1}$$

$$SK \approx 331,8 \text{ m}$$

La longueur SK vaut environ 331,8 m.

$$SY \approx 331,8 + 1,7$$

$$SY \approx 333,5 \text{ m}$$

La hauteur de la tour vaut environ 333,5 m.

$$2. \frac{335,5}{828} \approx 0,403 \text{ soit environ } 40 \%$$

La hauteur de la Sky Tower représente 40 % de celle de Burj Khalifa.

EXERCICE 4 :

1. Je cherche la hauteur du cône :

$$h = TR = TN - NR = 2\,518 \text{ m} - 918 \text{ m} = 1\,600 \text{ m} = 1,6 \text{ km}$$

La hauteur du cône est égale à 1,6 km.

Je calcule le volume du cône :

$$R = d \div 2 = 10 \text{ cm} \div 2 = 5 \text{ cm}$$

$$V = \frac{\pi \times R^2 \times h}{3}$$

$$= \frac{\pi \times (4 \text{ km})^2 \times 1,6 \text{ km}}{3}$$

$$= \frac{\pi \times 25,6 \text{ km}^3}{3}$$

$$V \approx 26,8 \text{ km}^3$$

Le volume du cône est environ égal à $26,8 \text{ km}^3$

2. Le triangle TRF est rectangle en R, d'hypoténuse [TF].

D'après le théorème de Pythagore :

$$TF^2 = TR^2 + RF^2$$

$$TF^2 = 1,6^2 + 4^2$$

$$TF^2 = 2,56 + 16$$

$$TF^2 = 18,56$$

$$TF = \sqrt{18,56}$$

$$TF \approx 4,3 \text{ km}$$

La longueur TF vaut environ 4,3 km.

EXERCICE 5 :

Les droites (OT) et (IL) sont sécantes en B. Les droites (LT) et (IO) sont parallèles.

D'après le théorème de Thalès :

$$\frac{BO}{BT} = \frac{BI}{BL} = \frac{OI}{TL} \quad \frac{BO}{3,5} = \frac{1,8}{3} = \frac{OI}{1,68} \quad OI = \frac{1,68 \times 1,8}{3} = 1,008 \text{ m}$$

La taille de Frodon perçue avec l'illusion d'optique est d'environ 1 m.

EXERCICE 6 :

1. Par lecture graphique, l'image de 1970 par la fonction k est environ 1 000 (ou 1 000 milliers, soit 1 million de kiwis).

2. Par lecture du tableau : $k(1990) = 164,5$ (ou 164 500 kiwis)

$$3) k(2025) = 0,11 \times (2025 - 2020)^2 + 70$$

$$= 0,11 \times 5^2 + 70$$

$$= 0,11 \times 25 + 70$$

$$= 2,75 + 70$$

$$= 72,75 \text{ (ou 72 750 kiwis)}$$

La valeur exacte de $k(2025)$ est 72,75.

EXERCICE 7 :

Maia, son frère et leur parents sont considérés comme 4 adultes.

Ils paient 4 entrées adultes pour le Lookout et 2 entrées adultes pour le Sky walk.

$$\text{Montant en \$: } 4 \times 47 \$ + 2 \times 215 \$ = 188 \$ + 430 \$ = \$ \mathbf{618}$$

$$\text{Montant en € : } 1 € = \$ 2,02 \quad \$ 618 = 618 \div 2,02 \approx 306 €.$$

On peut aussi utiliser un tableau de proportionnalité.

Montant en euros	1	
Montant en dollars	2,02	618

La famille paie donc au total 306 €.

EXERCICE 8 :

$$1. \text{ a) Périmètre du cercle} = 2 \times \pi \times R$$

$$\text{b) Périmètre cercle} = 2 \pi r = 2 \times \pi \times (6\,371 + 10) = 2 \times \pi \times 6\,381$$

$$\text{Périmètre du cercle} \approx 40\,093 \text{ km}$$

L'avion parcourt bien 40 093 km pour faire un tour complet 10 km au dessus de la terre..

2. J'effectue un produit en croix :

$$\frac{166,4 \times 40\,093}{360} \approx 18\,532 \text{ km}$$

L'avion parcourt 18 532 km.

$$3. 20 \text{ h } 36 \text{ min} = 20 \text{ h} + 36 \div 60 \text{ h} = 20 \text{ h} + 0,6 \text{ h} = 20,6 \text{ h}$$

$$vitesse = \frac{d}{t} = \frac{18\,532 \text{ km}}{20,6 \text{ h}}$$

$$vitesse \approx 899,6 \text{ km/h} \approx 900 \text{ km/h}$$

La vitesse moyenne de l'avion est d'environ 900 km/h.